

Zero Knowledge Proof Identifications - Neatskleidžianti Žinių Identifikacija



KTU, Taikomosios Matematikos Katedra

(27)

Zero Knowledge Proof (ZKP)



$$P = \frac{1}{2^8} =$$

$$= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \dots \cdot \frac{1}{2}$$

$$P = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \dots \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{2^n}; n = 10 \Rightarrow P \approx 0,001.$$

n - bandymų

A nori įrodyti B, kad jis žino PR_A , kuris atitinka VR_A

L. Guilou & J-J. Quisquater : iliustracija

$A \equiv P$: Prover, Pirkėjas (Peggy)

$B \equiv V$: Verifier, Verslininkas (Victor)

A : G ("Aš esu Aldona") = S_A

$PR_A = x$

$A \longleftrightarrow B$

VR šifrav. metodas $E_{VR_A}(t) = c$

$D_{PR_B}(c) = t$

1) B : $R_B \in_r \{0,1\}^*$; $Com_B(R_B) \longrightarrow A$

2) A : $R_A \in_r \{0,1\}^*$; $R_A \longrightarrow B$

3) B : VR_A ; $c = E_{VR_A}(Com_B(R_B) \oplus R_A) \longrightarrow A$

4) A : $D_{PR_A}(c) = Com_B(R_B) \oplus R_A$ Turi būti teisingai desifruotas Com_B ir R_A

$Com_A(Com_B(R_B) \oplus R_A) \longrightarrow B$

5) B : atskleidžia $R_B \longrightarrow A$


6) A : patikrina, ar R_B teisingas ir $R_A \longrightarrow B$

6) \mathcal{A} : patikrina, ar R_B teisingas ir $R_A \rightarrow \mathcal{B}$

7) \mathcal{B} : patikrina R_A ir jei jis teisingas, priima Irodyma.

Protokolas turi 6 komunikacijas.

L. Guilou & J-J. Quisquater IDENTIFICATION

\mathcal{A} :  IK - (smart card)

IK atributai: $\{Nr, Galiojimo laikas, A/s \dots\} = \mathcal{I}$

TTP - Operatorius:

1. Sugeneruoja slaptus pirm. sk. p, q ir apsk. $n = pq$
Atsit. parenka \mathcal{D}
Apskaičiuoja $X: \mathcal{I}X^{\mathcal{D}} \equiv 1 \pmod n$

$$PR_A = (X)$$

$$VR_A = (\mathcal{D}, n)$$

\mathcal{A} nori įrodyti \mathcal{B} , kad atributai \mathcal{I} priklauso jai \Rightarrow
 \mathcal{A} reikia įrodyti, kad ji žino X .

1. \mathcal{A} atsit. parenka $r \in_r [1, n-1]$, apsk. $a = r^{\mathcal{D}} \pmod n$
 $\mathcal{A} \xrightarrow{a} \mathcal{B}$
 $r = \sqrt[\mathcal{D}]{a} \pmod n$
2. \mathcal{B} atsit. parenka $s \in_r [0, \mathcal{D}-1]$
 $\mathcal{A} \xleftarrow{s} \mathcal{B}$
3. \mathcal{A} apskaič. $A = rX^s \pmod n$
 $\mathcal{A} \xrightarrow{A} \mathcal{B}$
4. \mathcal{B} apskaič. $b = A^{\mathcal{D}} \mathcal{I}^s$: Jeigu $a = b \pmod n \Rightarrow +$

Patikrinimas

$$\begin{aligned} b &= A^{\mathcal{D}} \mathcal{I}^s = (rX^s)^{\mathcal{D}} \mathcal{I}^s = r^{\mathcal{D}} X^{s\mathcal{D}} \mathcal{I}^s = r^{\mathcal{D}} (\underbrace{\mathcal{I}X^{\mathcal{D}}}_{=1})^s = \\ &= r^{\mathcal{D}} \pmod n = a \pmod n \end{aligned}$$

Jei protokolas vykdomas t kartus, klaidojimo tikimybė yra $\mathcal{D}^{-t} = 1/\mathcal{D}^t$

C. Schnorr